

# LIFAP1 – CC mi-parcours – Séquence 5

Contrôle Continu (Durée totale : 1h)

Jeudi 27 octobre 2022

**Recommandations :** Les documents, calculatrice, téléphone portable sont interdits. La qualité de l'écriture et de la présentation seront prises en compte dans la note finale. Vous veillerez à **respecter** les notations et les règles d'écriture des algorithmes vues en cours et en TD. Un soin tout particulier devra être apporté à l'écriture des entêtes des différents sous-programmes.

## Partie A – Langage C/C++ ( / 14 pts)

**Conjecture de Goldbach :** Tout nombre pair strictement supérieur à 2 est la somme de deux nombres premiers.

Rappel : Un nombre premier n'a pas d'autres diviseurs que 1 et lui-même. Par exemple : 2, 3, 5, 7, 11, 13, ... sont des nombres premiers.

### Exemples

24 est la somme de 11 et 13, qui sont des nombres premiers.

16 est la somme de 11 et 5, qui sont des nombres premiers.

1- Ecrire en C/C++ une fonction `saisie_paire` qui renvoie un entier `n` pair strictement supérieur à 2 choisi par l'utilisateur. La saisie devra être recommencée tant que la valeur proposée n'est pas paire et supérieure à 2.

```
int saisie_paire ()  
{  
    int val;  
    do  
    {  
        cout<<"donnez une valeur strictement positive"<<endl;  
        cin>>val;  
    } while (val%2 != 0 || val<=0);  
    return val;  
}
```

NOM

.....

PRENOM

.....

Numéro Etudiant

.....

Groupe

.....

2- Ecrire en C/C++ une fonction booléenne `est_premier` qui retourne vrai si le nombre `n` passé en paramètre est **premier**, faux sinon.

```
bool est_premier (int n)
{
    int i;
    for (i=2; i<n-1;i++)
    {
        if (n%i == 0)
            return false;
    }
    return true;
}
```

3- Ecrire en C/C++ un sous-programme `goldbach` qui trouve et "retourne" les deux entiers `n1` et `n2` premiers tels que `n1+n2 = n`.

```
void conjecture_goldbach (int n, int &n1, int &n2)
{
    int i,j;
    for (i=2; i<n;i++)
    {
        if (est_premier(i))
            for (j=2; j<n ; j++)
            {
                if (est_premier(j))
                {
                    if ((i+j)==n)
                    {
                        n1=i;
                        n2=j;
                    }
                }
            }
    }
}
```

4- Ecrire en C/C++ un sous-programme `tab_golbach` qui remplit un tableau 2D de taille  $2 * \text{MAX}$  avec les décompositions en nombres premiers des  $n$  premiers nombres pairs à partir de 4.

Exemple pour  $n = 12$ .

	4 =	6 =	8 =	10 =	12 =	14 =	16 =	18 =	20 =	22 =	24 =	26 =
+	2	3	5	7	7	11	13	13	17	19	19	23
	2	3	3	3	5	3	3	5	3	3	5	3

```
void tab_golbach (int T[2][MAX], int n)
{
    int i, n1, n2, ind=0;
    for (i=0;i<n;i++)
    {
        conjecture_golbach(2*i+4,n1,n2);
        T[0][ind] = n1;
        T[1][ind] = n2;
        ind++;
    }
}
```

5- On dispose d'une procédure `affiche_tab` (int `T[2][MAX]`, int `tailleT`) qui permet d'afficher le tableau `T` jusqu'au rang `tailleT`. Ecrire en C/C++ le programme principal qui permet, en utilisant les sous-programmes précédents,

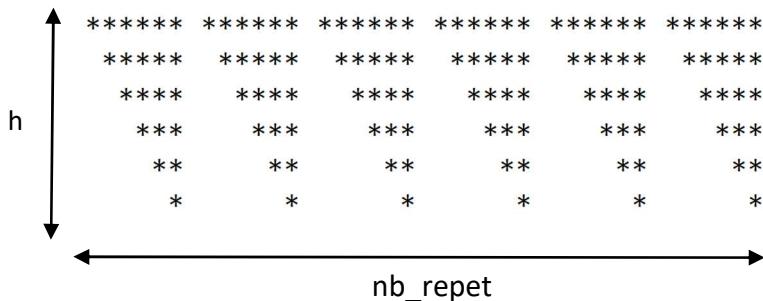
- de saisir un entier pair strictement supérieur à 2,
- de remplir un tableau avec les  $n$  premières décompositions en 2 nombres premiers,
- et d'afficher le résultat obtenu.

```
int main (void)
{
    int T[2][MAX]={0};
    int v = saisie_paire();
    tab_golbach(T, v);
    affiche_tab(T,v);
    return 0;
}
```

## Partie B – Algorithmique

( / 6 pts)

On souhaite écrire un programme permettant d'afficher le motif suivant.



Ecrire l'algorithme d'un sous-programme `dessin` permettant d'afficher ce motif. La hauteur `h` et le nombre de répétitions du motif `nb_repet` sont passés en paramètres. Dans l'exemple `h = 7` et `nb_repet = 6`.

Procédure `dessin` (`h` : entier, `rep` : entier)

Préconditions : `h` et `rep` > 0

Données : `h`, `rep`

Données / résultat : aucune

Description : affiche le motif souhaité

Variables locales : `i`, `j`, `l` : entiers

Début

```
Pour i allant de 1 à h par pas de 1 faire
    Pour l allant de 1 à rep par pas de 1 faire
        Pour j allant de 1 à i par pas de 1 faire
            Afficher ("_")
        Fin pour
        Pour j allant de 1 à h-i par pas de 1 faire
            Afficher ("*")
        Fin pour
    Fin pour
    Afficher saut de ligne
Fin pour
Fin
```